

PROVES D'ACCÉS A LA UNIVERSITAT

PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

CONVOCATÒRIA: JUNY 2017	CONVOCATORIA: JUNIO 2017
Assignatura: MATEMÀTIQUES II	Asignatura: MATEMÁTICAS II

BAREM DE L'EXAMEN:

Cal elegir sols UNA de les dues OPCIONS, A o B, i s'han de fer els tres problemes d'aquesta opció.

Cada problema puntua fins a 10 punts.

La qualificació de l'exercici és la suma de les qualificacions de cada problema dividida entre 3, i aproximada a les centèsimes.

Es permet l'ús de calculadores sempre que no siguin gràfiques o programables, i que no puguin realitzar càlcul simbòlic ni emmagatzemar text o fórmules en memòria. S'use o no la calculadora, els resultats analítics, numèrics i gràfics han d'estar sempre degudament justificats.

BAREMO DEL EXAMEN:

Se elegirá solamente UNA de las dos OPCIONES, A o B, y se han de hacer los tres problemas de esa opción.

Cada problema se puntuará hasta 10 puntos.

La calificación del ejercicio será la suma de las calificaciones de cada problema dividida entre 3 y aproximada a las centésimas.

Se permite el uso de calculadoras siempre que no sean gráficas o programables, y que no puedan realizar cálculo simbólico ni almacenar texto o fórmulas en memoria. Se utilice o no la calculadora, los resultados analíticos, numéricos y gráficis deberán estar siempre debidamente justificados

OPCIÓ A

Problema A.1. Es dona el sistema d'equacions
$$\begin{cases} -x + ay + 2z = a \\ 2x + ay - z = 2 \\ ax - y + 2z = a \end{cases}$$
, dependent del paràmetre real a .

Obteniu **raonadament, escrivint tots els passos del raonament utilitzat**:

- La solució del sistema quan $a = 2$. (3 punts)
- Els valors del paràmetre a per als quals el sistema és compatible i determinat. (3 punts)
- El valor del paràmetre a per al qual el sistema és compatible i indeterminat, i obteniu totes les solucions del sistema per a aquest valor de a . (2 punts)

Problema A.2. Es donen el punt $P = (1, 1, 1)$, la recta $r: \begin{cases} x + y - z + 1 = 0 \\ x + 2y - z - 1 = 0 \end{cases}$ i el pla

$\pi: x + y + z = 1$. Obteniu **raonadament, escrivint tots els passos del raonament utilitzat**, les equacions corresponents a:

- El pla que conté el punt P i la recta r . (2 punts)
- La recta s que passa pel punt P i és perpendicular al pla π , la distància del punt P al pla π i el punt d'intersecció de la recta s amb el pla π . (2+2+2 punts)
- El pla σ que conté la recta r i és perpendicular al pla π . (2 punts)

Problema A.3. Volem unir un punt M , situat en una banda d'un carrer de 6 m d'amplària, amb el punt N , situat a l'altra banda del carrer, 18 m més avall, per mitjà de dos cables rectes, l'un des d' M fins a un punt P situat a l'altra banda del carrer, i l'altre des del punt P fins al punt N . En representar el carrer en un sistema cartesià obtenim que $M = (0, 6)$, $P = (x, 0)$ i $N = (18, 0)$. El cable MP ha de ser més gruixut perquè travessa el carrer sense suports intermedis, i té un preu de 10 €/m. El preu del cable PN és de 5 €/m.

Obteniu **raonadament, escrivint tots els passos del raonament utilitzat**:

- El cost total C dels dos cables en funció de l'abscissa x del punt P , quan $0 \leq x \leq 18$. (3 punts)
- El valor d' x , amb $0 \leq x \leq 18$, per al qual el cost total C és mínim. (4 punts)
- El valor d'aquest cost total mínim. (3 punts)

OPCIÓN A

Problema A.1. Se da el sistema de ecuaciones
$$\begin{cases} -x + ay + 2z = a \\ 2x + ay - z = 2 \\ ax - y + 2z = a \end{cases}$$
, dependiente del parámetro real a .

Obtener **razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:**

- La solución del sistema cuando $a = 2$. (3 puntos)
- Los valores del parámetro a para los que el sistema es compatible y determinado. (3 puntos)
- El valor del parámetro a para el que el sistema es compatible e indeterminado y obtener todas las soluciones del sistema para ese valor de a . (2+2 puntos)

Problema A.2. Se dan el punto $P = (1, 1, 1)$, la recta $r: \begin{cases} x + y - z + 1 = 0 \\ x + 2y - z - 1 = 0 \end{cases}$ y el plano

$\pi: x + y + z = 1$. Obtener **razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado**, las ecuaciones de:

- El plano que contiene al punto P y a la recta r . (2 puntos)
- La recta s que pasa por el punto P y es perpendicular al plano π , la distancia del punto P al plano π y el punto de intersección de la recta s con el plano π . (2+2+2 puntos)
- El plano σ que contiene a la recta r y es perpendicular al plano π . (2 puntos)

Problema A.3. Se desea unir un punto M situado en un lado de una calle, de 6 m. de anchura, con el punto N situado en el otro lado de la calle, 18 m. más abajo, mediante dos cables rectos, uno desde M hasta un punto P , situado al otro lado de la calle, y otro desde el punto P hasta el punto N . Se representó la calle en un sistema cartesiano y resultó que $M = (0, 6)$, $P = (x, 0)$ y $N = (18, 0)$. El cable MP tiene que ser más grueso debido a que cruza la calle sin apoyos intermedios, siendo su precio de 10 €/m. El precio del cable PN es de 5€/m.

Obtener **razonadamente, escribiendo todos los pasos del razonamiento utilizado:**

- El costo total C de los dos cables en función de la abscisa x del punto P , cuando $0 \leq x \leq 18$. (3 puntos)
- El valor de x , con $0 \leq x \leq 18$, para el que el costo total C es mínimo. (4 puntos)
- El valor de dicho costo total mínimo. (3 puntos)